

I. Szögekkel kapcsolatos számítások

Módszertani megjegyzés: A modulban szereplő feladatokhoz javasoljuk a kooperatív módszerek használatát olyan feladatok esetében is, amelyek nem kifejezetten csoportmunkára készültek.

A tanulókat tetszőleges módszerrel 4 fős csoportokra osztjuk. Diák-kvartett keretében feldolgozzuk a korábban átvett egyenlő és egymást kiegészítő szögpárok témáját. Ha szükségét érezzük, biztosítsunk a tanulóknak néhány percet, hogy a 15. modulhoz visszalapozva átnézzék a szögpárokat.

A kérdésekre igaz vagy hamis lehet a válasz. A csoportok válasszanak szóvivőt. Egyezzünk meg a csoporton belül, hogy milyen jellel jelzik a szóvivők az igaz és a hamis választ. Az értékelés pontrendszerrel történik. A modulhoz készült bemutató tartalmazza a kérdéseket.

Kérdések a diák-kvartetthez

A nagy írott Z betűben található egyállású szögpár.

Megoldás: hamis.

A nagy írott N betűben található váltószögpár.

Megoldás: igaz.

A nagy írott X betűben található csúcsszögek.

Megoldás: igaz.

A csúcsszögek mindig 180° -ra egészítik ki egymást.

Megoldás: hamis.

A derékszögű háromszög hegyesszögei pótszögpárt alkotnak.

Megoldás: igaz.

A trapéz egy száron levő szögei mellékszögek.

Megoldás: hamis, mert társszögek.

A rombusz szemközti szögei váltószögek.

Megoldás: igaz.


Egy szög és a mellékszögének összege 180° .

Megoldás: igaz.


A diák-kvartett után a csoportok az 1. és 2. feladatot oldják meg. Osszunk ki a csoportoknak üres papírokat, amire a megoldást írni fogják. A csoportból mindenki 1-1 részfeladatot kap. A feladat kitűzésekor mondjuk el, hogy nem kell mindenkinek minden feladatot megoldania, de a megoldás módszerét beszéljük meg, és ha marad idejük a saját feladatuk megoldása után,

ellenőrizték a társaikét is. Fontos, hogy annyi időt adjunk a csoportoknak, hogy jusson a megbeszélésre, és még egy (nem több!) feladat megoldására. A 2. feladat megoldása után ellenőrizzük a megoldást úgy, hogy a csoportok lapokat cserélnek. Elmondjuk a jó végeredményeket, és a csoportok pontozzák egymás munkáját (minden jó megoldás 1-1 pontot ér).


Feladatok

-  1. Adott egy szög és a mellékszögének aránya. Határozd meg a szöget és a mellékszöget!
- a) 3 : 5; b) 7 : 11; c) 5 : 7; d) 1 : 5.

Megoldás: a) $67,5^\circ$; $112,5^\circ$; b) 70° , 110° ; c) 75° , 105° ; d) 30° , 150° .

-  2. Megadtuk, hogy egy szög a pótszögének hány százaléka. Határozd meg a szöget!
- a) 25%; b) 150%; c) 12%; d) 48%.

Megoldás: a) 18° ; b) 54° ; c) $9,6^\circ$; d) $29,2^\circ$.

-  3. Egy hajó elindul észak felé, majd 30° fokot keletnek fordul. Ettől az iránytól balra fordul 120° -ot. Ezek után haladásának iránya az eredeti iránnyal hány fokos szöget zár be?

Megoldás: 30° fokot, nyugatnak.

II. Síkidomok kerülete, területe

A körrel kapcsolatos számítások

Emlékeztető:

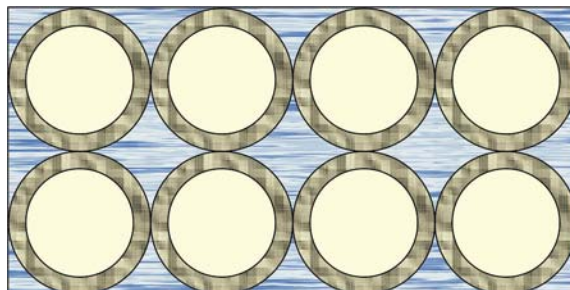
A kör kerülete: $K = 2r\pi$

A kör területe: $T = r^2\pi$

Mintapélda₁

Egy asztalon 8 tányért helyeztek el az ábra szerint. A tányérok átmérője 24 cm.

- Mekkora a tányérok által lefedett terület?
- Az asztal területének hány százalékát fedik le a tányérok?



Megoldás:

- A tányérok kör alakúak, a körök területének összegét kell kiszámítani. A körök sugara 12 cm. $T = 8 \cdot r^2\pi = 8 \cdot 12^2\pi \approx 3619,1 \text{ cm}^2$.
- A tányérok méretéből kiszámíthatók az asztal méretei: 48 cm × 96 cm, így az asztal területe $T_A = 48 \cdot 96 = 4608 \text{ cm}^2$. Ennek a tányérok területe a $\frac{3619,1}{4608} \cdot 100 \approx 78,6\%$ -a.

Mintapélda₂

Egy 22 szeletes, 26 cm átmérőjű, kör alakú dobostorta tetején egybefüggő az égetett cukormáz. Számítsuk ki, hogy mekkora kerületű és területű az egy szelethez tartozó kör-cikk!

Megoldás:

A torta egy szeletére az egész torta területének 22-ed része jut, hiszen 22 egyforma kör-cikkre bontható a teljes kör. Így a cukormáz területe:

$$T = \frac{1}{22} \cdot r^2\pi = \frac{1}{22} \cdot 13^2\pi \approx 24,1 \text{ cm}^2.$$

A kerület egy kör-cikk kerülete: két sugár és egy körív határolja. A körív a kör kerületének 22-ed része, így a kerület: $K = \frac{1}{22} \cdot 2r\pi + 2r \approx 3,7 + 26 \approx 29,7 \text{ cm}$.



Mintapélda₃

Az ábrán egy hold alakú dísz rajzát találjuk, adatokkal ellátva. Határozzuk meg a dísz kerületét!

Megoldás:

A díszet két körív határolja, amelyek hosszának összege a dísz kerülete.

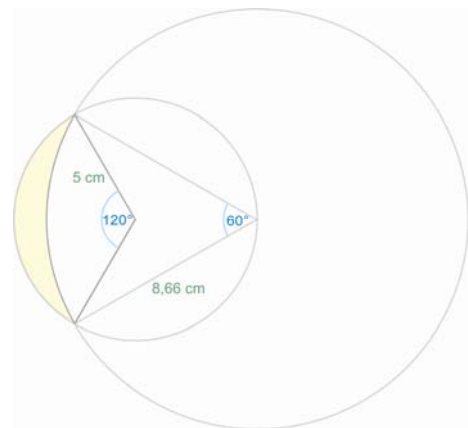
A rövidebb ív a 8,66 cm sugarú kör kerületének hatoda ($6 \cdot 60^\circ = 360^\circ$), vagyis

$$\frac{1}{6} \cdot 2r\pi = \frac{1}{6} \cdot 2 \cdot 8,66 \cdot \pi \approx 9,1 \text{ cm.}$$

A másik körív az 5 cm sugarú körvonal harmada ($3 \cdot 120^\circ = 360^\circ$), hossza

$$\frac{1}{3} \cdot 2r\pi = \frac{1}{3} \cdot 2 \cdot 5 \cdot \pi \approx 10,5 \text{ cm.}$$

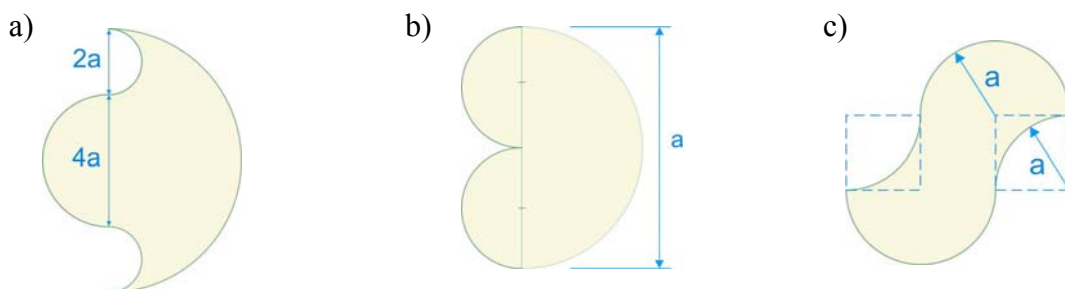
A dísz kerületének nagysága: $9,1 + 10,5 \approx 19,6 \text{ cm.}$



Módszertani megjegyzés: A feladat túlhatározott: szögfüggvények segítségével az egyik sugárból kiszámítható a másik, de természetesen ezzel most nem foglalkozunk.

Feladatok

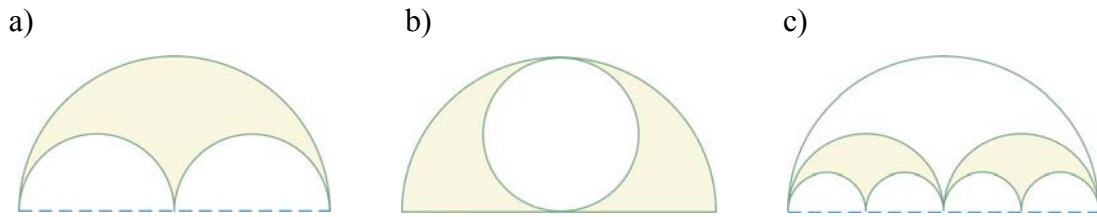
4. Számítsd ki a színezett részek területét és kerületét ($a = 2,4 \text{ cm}$)!



Megoldás: a) $T = 162,86 \text{ cm}^2$, $K = 60,288 \text{ cm}$; b) $T = 3,3929 \text{ cm}^2$; $K = 7,5398 \text{ cm}$;

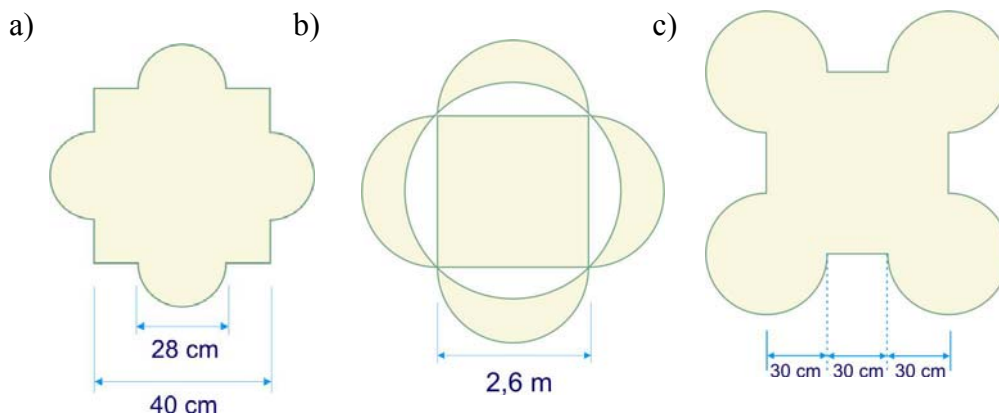
c) $T = 26,328 \text{ cm}^2$, $K = 22,619 \text{ cm}$.

5. Hány százaléka a színezett rész területe az egész félkör területének?



Megoldás: a) 50%; b) 50%; c) 25%.

6. Az építészetben gyakoriak az alábbi ablakformák, díszítő motívumok. Számítsd ki a területüket a feltüntetett adatok alapján! Az a) és a c) ábrán található motívumok kerületét is határozd meg!



Megoldás: a) $K = 233$ cm és $T = 2215$ cm²; b) $T = 13,52$ cm²; c) $K = 685,2$ cm és $T = 16600$ cm².

Megjegyzés: Ha $\pi = 3,14$ -gyel számolunk, akkor 3 jegynél nagyobb pontosság nem lehetséges. Ha több jegy pontosságra van szükségünk, akkor a gépi π -vel dolgozzunk.

7. Egy pizzéria kétféle kerek pizzát szolgál fel: mindkettő ugyanolyan vastag, de más méretű. A kisebbik 30 cm átmérőjű és 30 tallérba kerül. A nagyobbik 40 cm átmérőjű és 40 tallérba kerül. Melyik pizza éri meg jobban az árát? Válaszodat indokold!

Megoldás: A terület/ár arány a 30 cm-esnél 23,6 cm²/tallér, a 40 cm-esnél 31,4 cm²/tallér, vagyis a második.

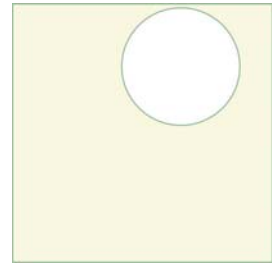
8. Mekkora annak a körcikknek a területe és kerülete, amelyet egy 18 cm sugarú körből vágunk ki, és középponti szöge

- a) 30°; b) 90°; c) 120°; d) 180°; e) 200°?

Megoldás: a) $K = 2 \cdot 18 + \frac{2 \cdot 18 \cdot \pi}{12} \approx 45,4 \text{ cm}$, $T = \frac{18^2 \pi}{12} \approx 84,8 \text{ cm}^2$; b) $K \approx 64,3 \text{ cm}$,
 $T \approx 254,5 \text{ cm}^2$; c) $K \approx 73,7 \text{ cm}$, $T \approx 339,3 \text{ cm}^2$; d) $K \approx 92,6 \text{ cm}$, $T \approx 508,9 \text{ cm}^2$;
 e) $K = 2 \cdot 18 + \frac{2 \cdot 18 \cdot \pi}{360} \cdot 200 \approx 98,8 \text{ cm}$, $T = \frac{18^2 \pi}{360} \cdot 200 \approx 565,5 \text{ cm}^2$.

9. Egyetlen egyenes vonallal felezd meg a színezett rész területét!

Megoldás: Olyan egyenes, amely keresztülmegy a kör középpontján és az átlók felezési pontján.



10. Egy motoros 90 m sugarú, félkör alakú úton halad. Mennyi idő alatt teszi meg a félkört, ha sebessége

a) $8 \frac{\text{km}}{\text{h}}$; b) $20 \frac{\text{km}}{\text{h}}$; c) $80 \frac{\text{km}}{\text{h}}$; d) $120 \frac{\text{km}}{\text{h}}$?

Megoldás: a) 127 s; b) 51 s; c) 12,7 s; d) 8,48 s.

11. Számítsd ki, hogy a dobókocka felületének hány százalékát fedik le a pöttyök, ha a kocka éle 2 cm, egy pötty átmérője pedig 3 mm!

Megoldás: A kockán összesen 21 pötty van, aminek a területe $21 \cdot 1,5^2 \pi \approx 148,4 \text{ mm}^2$. A koc-

ka felülete $6 \cdot 20^2 = 2400 \text{ mm}^2$. Az arány: $\frac{148,4}{2400} \cdot 100 \approx 6,2\%$.

12. Egy sportpályán a focipálya méterei: 110 m×60 m. A focipályát futófolyosó határolja, amelynek szélessége 6 m, és a kapuk mögötti részen a futófolyosók félkör alakúak.


a) Mekkora a focipálya területe?

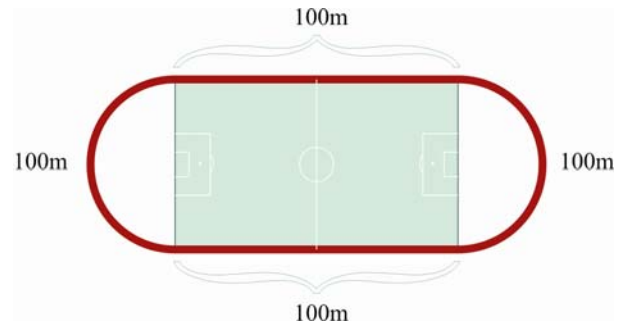
b) Mekkora a futófolyosó területe?

c) Az egész sportpálya területének hány százaléka a futófolyosó területe?

Megoldás: a) $110 \cdot 60 = 6600 \text{ m}^2$; b) A félkör alakú futófolyosók területe két kör területének különbségéből adódik. Az egyik sugara 36 m, a másiké 30 m. Az egész futófolyosó terü-

lete: $2 \cdot 6 \cdot 100 + 2 \cdot \frac{36^2 \pi - 30^2 \pi}{2} \approx 2444,1 \text{ m}^2$; c) Az arány: $\frac{2444,1}{6600 + 2444,1} \cdot 100 \approx 27,0\%$.

 **13.** Egy focipályát úgy építettek meg, hogy körülötte a futófolyosó átlagos méretei: 100–100 méter hosszú a focipálya hosszabbik oldala mentén és a félkörívvel határolt futófolyosók belső körívének hossza 100–100 méter. Határozd meg a focipálya méreteit és területét!



Megoldás:

A pálya két hosszabbik oldala 100–100 m hosszú. A félkör hossza $\frac{2r\pi}{2} = 100$, ahonnan

$$r = \frac{100}{\pi}. \text{ A pálya szélessége } 2 \cdot \frac{100}{\pi} \approx 63,7 \text{ m. A terület } 6370 \text{ m}^2.$$

Sokszögek területe, kerülete



Emlékeztető:

A derékszögű háromszög területe: $T = \frac{a \cdot b}{2}$.

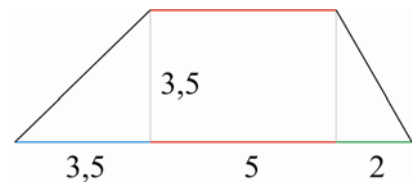
A téglalap területe: $T = a \cdot b$, kerülete $K = 2(a + b)$.

A trapéz területe: $T = \frac{a + c}{2} \cdot m$.

A kerület: a határoló vonalak hosszának összege.

Mintapélda₄

Mekkora az ábrán látható trapéz területe? (Minden távolságot cm-ben adtunk meg.)



1. megoldás:

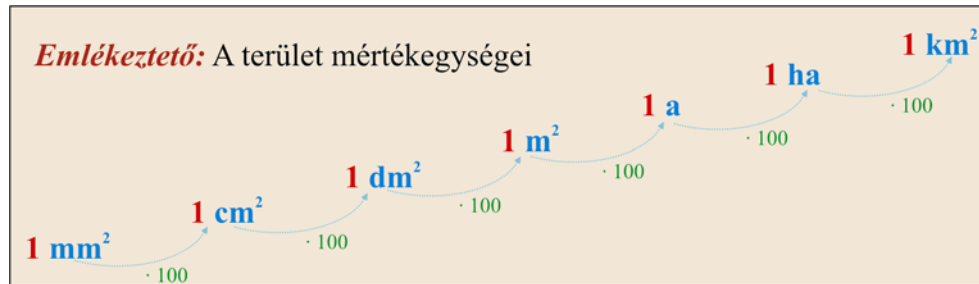
A trapéz összerakható két derékszögű háromszögből és egy téglalaphból, így ezek területeinek összege adja a trapéz területét.

$$T = \frac{3,5 \cdot 3,5}{2} + 5 \cdot 3,5 + \frac{2 \cdot 3,5}{2} = 27,125 \text{ cm}^2.$$

2. megoldás:

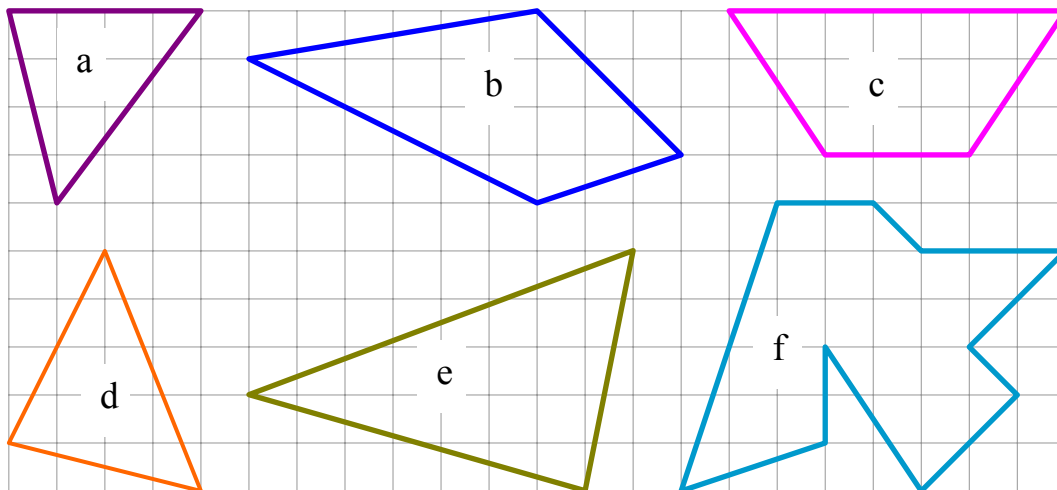
A trapéz területképletével számolunk: $T = \frac{a+c}{2} \cdot m$. Az alapok hossza 5 cm, valamint

$$3,5+5+2 \text{ cm. Így } T = \frac{3,5+5+2+5}{2} \cdot 3,5 = \frac{15,5}{2} \cdot 3,5 = 27,125 \text{ cm}^2.$$



Feladatok

14. Számítsd ki, hány területegység az itt található síkidomok területe. A terület kiszámítását vezesd vissza derékszögű háromszögek területének kiszámítására!



Megoldás:

a) és c) esetben területek összegzésével, a többinél téglalap és háromszög-területek kivonásával; a) 8; b) 18; c) 15 d) 9; e) 18,5; f) 26,5 területegység.

15. Számold ki a téglalap oldalait és kerületét, ha tudod, hogy


a) egyik oldala kétszer akkora, mint a másik, és területe 32 cm^2 ;

b) egyik oldala $\frac{2}{3}$ része a másik oldalhossznak, és területe 2400 mm^2 ;


c) egyik oldala 38%-kal hosszabb, mint a másik oldala, és területe $34,5 \text{ m}^2$!

Megoldás: Egyenletek felállításával számítható ki. Az eredmények: a) 4 cm, 8 cm, 24 cm;

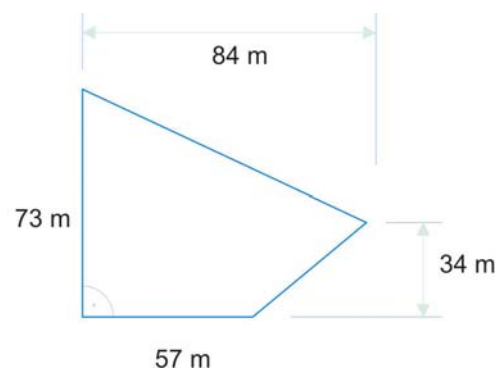
b) 40 mm, 60 mm, 200 mm; c) 5 m, 6,9 m, 23,8 m.

 **16.** Egy rombusz alakú papírsárkányt szeretnénk készíteni. Az átlós irányú merevítők hossza 1,7 m és 2,8 m. Mekkora felületű anyag szükséges a papírsárkány elkészítéséhez?

Megoldás: $2,38 \text{ m}^2$.

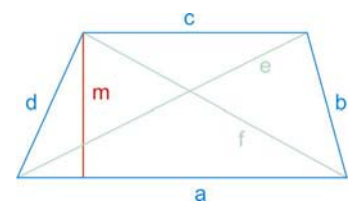
 **17.** Számítsd ki ennek a szabálytalan alakú teleknek a nagyságát!

Megoldás: 4035 m^2 .




 **18.** Töltsd ki a táblázatot (minden távolság cm-ben értendő)!

a	20	173	27
c		59,4	10
m	5		11
T	76,1	4648,4	

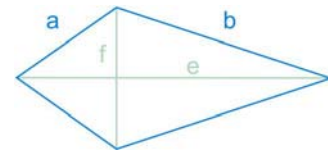


Megoldás:

a	20	173	27
c	10,4	59,4	10
m	5	40	11
T	76,1	4648,4	203,5


 **19.** Töltsd ki a táblázatot! (e és f a deltoid két átlója)

	a)	b)	c)
e	33,36 cm	8 egység	52 m
f	10 cm		
T		20 egység ²	624 m ²

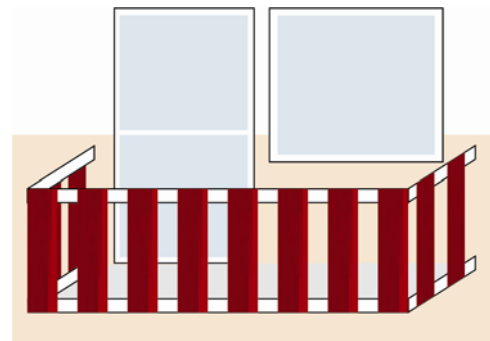


Megoldás:

	a)	b)	c)
e	33,36 cm	8 egység	52 m
f	10 cm	5 egység	24 m
T	166,8 cm ²	20 egység ²	624 m ²

 **20.** Egy erkély korlátját hasonló módon akarjuk kialakítani, mint ahogyan az ábrán látható.

a) Hány m² faanyagra van szükségünk, ha a deszkák szélessége 8 cm, a deszkák közötti hely 5 cm, a korlát szélessége 203 cm, az oldalkorlátra 8–8 deszkát tervezünk, és a deszkák hossza 70 cm?



- b) Hány szál deszkát kell vennünk a korlát elkészítéséhez, ha az üzletben 3 m hosszú, 8 cm széles szálakat árulnak?
- c) A vásárolt anyag hány százaléka válik hulladékká?

Megoldás:

a) A szükséges deszkák száma: $\frac{203-8}{8+5} + 2 \cdot 8 = 31$, aminek a területe:

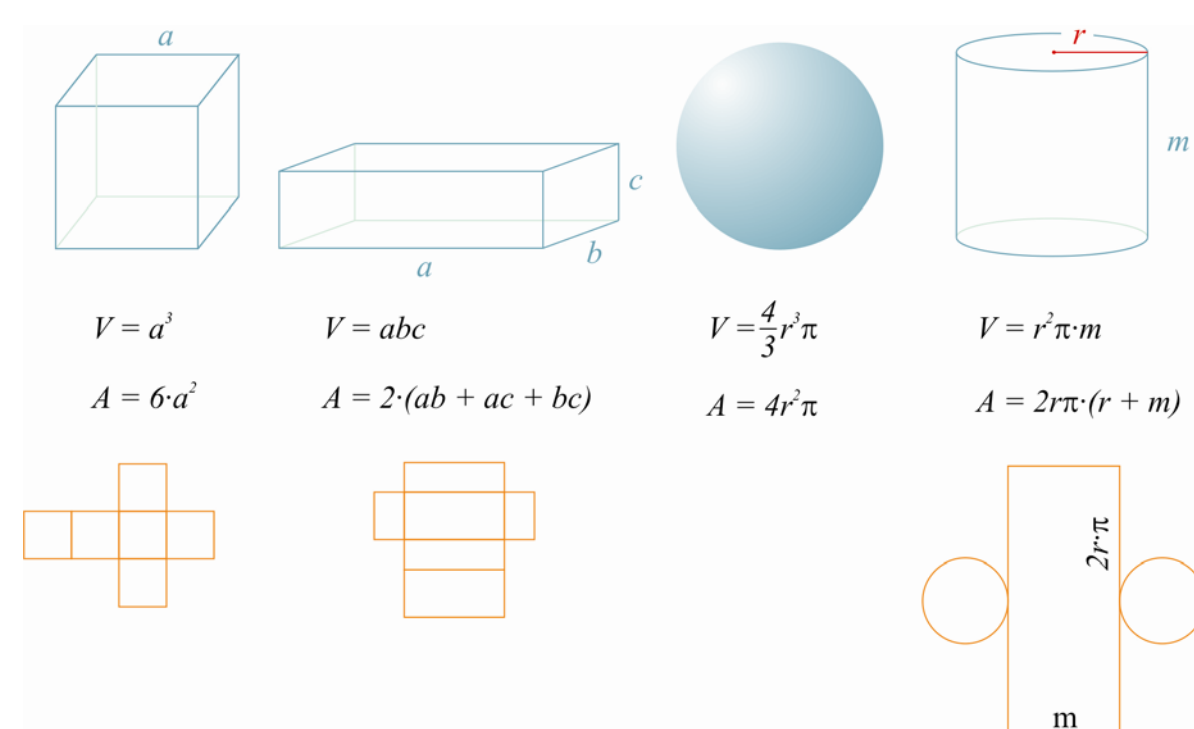
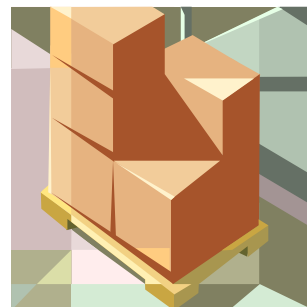
$$31 \cdot 0,7 \cdot 0,08 = 1,736 \text{ m}^2.$$

b) A 3 méteres szálból 4 darab deszkát tudunk kivágni (280 cm), ezért 8 szálra van szükségünk.

c) 8 szál területe $8 \cdot 3 \cdot 0,08 = 1,92 \text{ m}^2$, így a hasznos terület $\frac{1,736}{1,92} \cdot 100 \approx 90,4\%$. A hulladék 9,6 %.

III. Testekkel kapcsolatos számítások

A leggyakrabban előforduló testek a téglatest, a kocka, a gömb és a henger. Az épületeink és a használati tárgyaink többnyire ezekből épülnek fel, de ezek a testek alkotják az alapját a szabásmintáknak, a burkolandó felületeknek és a munkadaraboknak, amiket fából vagy fémből gyártanak a műhelyekben. Ismételjük át ezeknek a testeknek a felszínét és térfogatát, és a poliéderek hálóját.



Módszertani megjegyzés: A következő feladatok nagy része alkalmas diák-kvartett módszerrel történő feldolgozásra.


21. Számítsd ki a kocka felszínét és térfogatát, ha oldalának hossza

- a) 6 cm; b) 13 cm; c) 2,6 m.

Megoldás: a) 216 cm^2 és 216 cm^3 ; b) 1014 cm^2 és 2197 cm^3 ; c) $40,6 \text{ m}^2$ és $17,6 \text{ m}^3$.

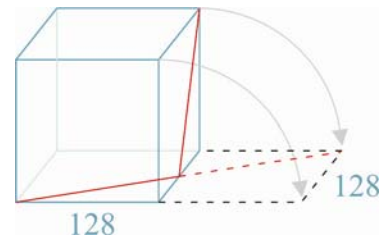
22. Egy 14 cm oldalélű kocka minden élét 3 cm-rel megnöveltük. Mennyivel változott a térfogata és a felszíne?

Megoldás: 2169 cm^3 és 558 cm^2 .

-  **23.** Egy bogár a kocka testátlójának egyik végpontjából a másikba megy a kocka felületén, de úgy, hogy közben a lehető legrövidebb utat teszi meg. Rajzolj egy kockát, és rajzold rá a bogár útját! Mekkora utat tesz meg, ha a kocka éle 128 mm?

Megoldás:

Az ábra szerinti úton megy, és megtesz kb. 286 mm-t.




Módszertani megjegyzés: A következő két feladat ellenőrzését füllesztős módszerrel javasoljuk. Egy csoport szóvivője felolvassa a két megoldást, de úgy, hogy az egyikhez nem a csoport által kiszámított eredményt mondja. Ezután a többi csoport megbeszéli a hallottakat, és a szóvivők a tanár jelére feltartott ujjukkal mutatják, hogy melyik volt a rossz eredmény. Ha egészen más jött ki, azt bezárt ököllel jelezzék.

-  **24.** Számítsd ki a téglalest térfogatát és felszínét, ha oldalainak hossza


a) 3 cm, 45 mm és 1 dm; b) 12 cm, 14 cm és 20 cm!

Megoldás: a) 135 cm^3 , 177 cm^2 ; b) 3360 cm^3 , 1376 cm^2 .

-  **25.** Határozd meg a kocka térfogatát és felszínét, ha az éle


a) 10 cm; b) 25 cm!

Megoldás: a) $V = 1000 \text{ cm}^3$; $A = 600 \text{ cm}^2$; b) 15625 cm^3 ; 3750 cm^2 .

-  **26.** Határozd meg a gömb térfogatát és felszínét, ha sugara

a) 10 cm; b) 2,8 cm!

Megoldás: a) $V = \frac{4}{3} \cdot 10^3 \pi = 4188,8 \text{ cm}^3$; $A = 4 \cdot 10^2 \pi = 1256,6 \text{ cm}^2$; b) $92,0 \text{ cm}^3$; $98,6 \text{ cm}^2$.


-  **27.** Egy négyzet keresztmetszetű, hosszú gerenda méretei: 8 cm és 2,8 m.

a) Mekkora a térfogata?

b) Mennyi festékre van szükség a gerenda háromszori lefestéséhez, ha a festék kiadósága $10 \text{ m}^2/\text{l}$?

Megoldás: a) $V = 8^2 \cdot 280 = 17920 \text{ cm}^3 \approx 0,018 \text{ m}^3$.

$$b) 3 \cdot \frac{A}{10} = 3 \cdot \frac{2 \cdot 0,08^2 + 4 \cdot 0,08 \cdot 2,8}{10} \approx 0,27 \text{ liter.}$$


 **28.** Egy szoba szélessége 4,8 m, hosszúsága 7,30 m, magassága 3,2 m. Található benne egy 210 cm×142 cm-es (dupla szárnyú) ajtó, egy 150 cm×150 cm-es ablak és egy 235 cm×88 cm-es erkélyajtó.

a) Mekkora területtel számoljon a festő, ha a falakat kell lefestenie?

b) Hány litert vásároljon a falak háromszori átfestéséhez, ha a festék kiadóssága 8 m²/l?

Megoldás: a) A falak összterülete $3,2 \cdot 2 \cdot (4,8 + 7,3) = 77,44 \text{ m}^2$, amiből lejön a nyílászárók területe: $2,1 \cdot 1,42 + 1,5^2 + 2,35 \cdot 0,88 = 7,3 \text{ m}^2$. A megmaradó terület:

$$77,44 - 7,3 = 70,14 \text{ m}^2. \quad b) \text{ Legalább } \frac{3 \cdot 70,14}{8} \approx 26,3 \text{ litert kell vennie.}$$

 **29.** Egy téglatest oldalainak hossza 7 cm, 9 cm és 10 cm. Hányszorosára változik a térfogata, illetve a felszíne, ha minden oldalát megváltoztatjuk

a) kétszeresére; b) háromszorosára; c) felére; d) negyedére?

Megoldás: a) 8-szorosára, 4-szeresére; b) 27-szeresére, 9-szeresére; c) nyolcadára, negyedére; d) 64-edére, 16-odára. Javasolt a kért adatokat kiszámolni (a hasonlóságot nem használhatjuk, mert még nem tanulták a tanulók).


Módszertani megjegyzés:

A KÖVETKEZŐ FELADAT MEGOLDÁSÁHOZ MÉRŐSZALAGRA VAN SZÜKSÉG.


Számoltassuk ki a tanulókkal a

- padjuk anyagának térfogatát,
- a tanári asztal anyagának térfogatát,
- a szivacs térfogatát,
- a terem térfogatát (előbb becsüljük meg a méretei, majd mérjük is le ellenőrzésképpen),
- a terem falának területét (természetesen ajtók és ablakok nélkül).


Mennyi festék kellene a terem falának három rétegű kifestéséhez, ha a falfesték kiadóssága 10 m²/l?

-  **30.** Egy téglatest vázának megfelelő állványt építünk vakoláshoz. A tetején deszkával fedjük be (járófelület), és minden oldallapját egy-egy átlós irányú merevítővel biztosítjuk. Számítsd ki a szükséges cső és deszka mennyiségét, ha az állvány 3,4 m magas, 115 cm széles és 5 m hosszú!


Megoldás: kb. 5747 cm, kb. 58 méter csövet és 5,75 m² faanyagot.

-  **31.** Mekkora a sugara annak a hidroglóbusznak (gömb alakú víztorony), amelynek térfogata 200 m³? Mennyi festékre van szükségünk, ha egy rétegben akarjuk lefesteni, és a festék kiadóssága 8 m²/l ?


Megoldás: 3,63 m; 165,6 m², 20,7 liter.

-  **32.** Pistike épít: egy 12 cm magas, 3 cm sugarú hengerre pontosan ráilleszt egy 3 cm sugarú félgömböt. Mekkora az így keletkezett test térfogata és felszíne? (Az alaplap is számít.)

Megoldás: kb. 396 cm³ és 311 cm².

-  **33.** Egy álló olajoshordó tetejének átmérője 80 cm, és 84 cm magasságig van benne olaj. Hány liter az egész hordó és a benne tárolt olaj térfogata, ha a hordó 60%-ban van tele?

Megoldás: A hordó magassága $\frac{84}{0,6} = 140$ cm, a térfogatok: 703,7 l. és 422,4 l.

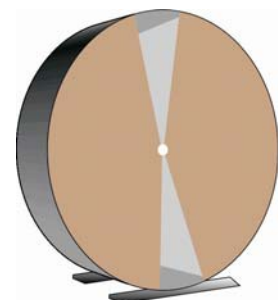
-  **34.** Melyik kifejezéssel számítható ki a magasság henger esetén, ha ismert a felszíne és az alapkör sugara?


A) $\frac{A}{2r\pi} - \pi$; B) $\frac{A}{2r}$; C) $\frac{A}{2r^2\pi}$; D) $\frac{A}{2r\pi} - r$.

Megoldás: D).

- 35.** A városligeti időkerék 8 m átmérőjű és 2,5 m széles.


-  a) Számítsd ki a henger felszínét és térfogatát!



 b) Az elő- és hátlapon két körcikk alakú lyuk található, amelyek középponti szöge körülbelül 20° . Számítsd ki a henger két előlapjának területét a körcikkek nélkül!

Megoldás: a) $A = 2r\pi(r + m) \approx 163,4 \text{ m}^2$, $V = r^2\pi m \approx 125,7 \text{ m}^3$.

b) Összesen 40° -os középponti szögű körcikket vágnak ki, megmarad 320° -nak megfelelő körcikk mindkét lapon: $T = 2 \cdot \frac{r^2\pi}{360} \cdot 320 \approx 89,4 \text{ m}^2$.

 36. Mekkora a térfogata annak a kockának, aminek a felszíne 140 m^2 ?

Megoldás: $112,7 \text{ m}^3$.